DOI: 10.12265/j.gnss.2021010801

非组合模型下 Galileo 双频与 三频短基线解算精度分析

徐亚楠1,刘舜2

(1. 广州番禺职业技术学院, 广州 511483;2. 陕西铁路工程职业技术学院, 陕西 渭南 714099)

摘 要: Galileo 系统是当前常用的定位系统之一,本文作者利用自编软件进行了一种非组合模型下Galileo 系统双频与三频短基线解算试验. 经研究发现:对于9km 短基线,非组合模型下Galileo 双频短基线解算水平精度优于5cm,高程精度优于10cm,三频组合解算精度较双频有明显提升,水平精度优于3cm,高程精度优于4cm.

关键词: Galileo; 非组合模型; 短基线; 双频; 三频 中图分类号: P228.4 文献标志码: A

0 引 言

全球导航卫星系统 (GNSS) 以北斗卫星导航系 统 (BDS)、GPS、Galileo 和 GLONASS 四大系统为 主,当前每个系统都能单独提供全球定位服务,且部 分卫星能播发三频甚至三频以上的信号,为 GNSS 精 密数据处理提供了新思路^[1-3]. Galileo 系统是欧盟建 设和研发的卫星导航定位系统,于2016年12月15日 正式声明公开服务,其建设计划最早可追溯到20世 纪 90 年代,该系统计划由 30 颗卫星组成,且能播发 E1、E5a、E5b 等多频信号^[47]. 虽然 Galileo 系统正式 开通服务时间较短,但国内很多学者对其定位性能 进行了研究. 文献 [8] 基于多个 MGEX(Multi-GNSS Experiment) 跟踪站数据分析校正天线参数对 Galileo 系统双频精密单点定位 (PPP) 的影响, 研究结果表 明,与消电离层定位结果相比,水平定位精度相当, 高程方向定位精度提升较大. 文献 [9] 推导了适用于 多频非组合 (UC) 观测值的 GNSS 卫星精密定轨模 型,并且基于多测站 Galileo 双频和三频数据进行定轨, 发现双频 UC 模型与 IF 模型定轨精度相当, 三频 UC 模型和 IF 模型浮点解精度较 E1/E5b 双频组合结果 有一定的提升. 文献 [10] 对比分析了 Galileo 系统双 频无电离层组合、双频非差非组合和三频非差非组 合 PPP 精度以及收敛时间,发现 Galileo 三频 PPP

文章编号:1008-9268(2021)03-0099-05

精度较优,且相比双频 PPP 精度有明显提升,但较收 敛时间的提升并不明显. 文献 [11] 利用非组合模型解 算了 Galileo 系统三频组合 PPP 精度,发现三频 PPP 精度与收敛时间优于传统双频 PPP,尤其是在观测数 据异常时效果更为明显. 文献 [12] 分析了 GPS/Galileo 组合 PPP 精度,发现双系统组合 PPP 具有较好的定 位结果,且定位精度与收敛时间较单系统具有一定的 改善. 综合当前各学者对 Galileo 系统研究的内容与 方法,本文基于自测试 9 km 短基线,提出利用一种 UC 定位模型解算 Galileo 双频与三频短基线数据, 并且进一步分析了不同频率组合下定位精度.

1 数学模型

在短基线定位中, 双差函数模型是常用的解算模型.该模型能有效消除接收机钟差、卫星钟差, 可以最大程度地削弱电离层延迟、对流层延迟和卫星轨道误差的影响, 有利于模糊度的固定^[13]. 双差载波相位与伪距观测方程^[14] 一般表示如下:

$$\begin{cases} \nabla \Delta P_{kl}^{ij} = \nabla \Delta \rho_{kl}^{ij} - \nabla \Delta I_{kl}^{ij} + \nabla \Delta T_{kl}^{ij} + e_{kl}^{ij} \\ \nabla \Delta \Phi_{kl}^{ij} = \nabla \Delta \rho_{kl}^{ij} + \lambda N_{kl}^{ij} - \nabla \Delta I_{kl}^{ij} + \nabla \Delta T_{kl}^{ij} + \varepsilon_{kl}^{ij} \end{cases}$$
(1)

式中:i、j为卫星编号;k、l为测站编号; $\nabla \Delta$ 为双差 算子; $\nabla \Delta P_{kl}^{ij}$ 以 m 单位为双差伪距观测值; $\nabla \Delta \rho_{kl}^{ij}$ 为测

收稿日期:2021-01-08 资助项目:陕西省教育厅 2020 年度一般专项科学研究计划 (20JK0578) 通信作者:徐亚楠 E-mail: 492233260@qq.com

站至卫星间的几何距离; $\nabla \Delta I_{kl}^{ij}$ 为双差电离层延迟误 差; $\nabla \Delta T_{kl}^{ij}$ 为双差对流层延迟误差; e_{kl}^{ij} 为双差伪距观测 噪声; $\nabla \Delta \Phi_{kl}^{ij}$ 为双差载波相位观测值; λ 为波长; N_{kl}^{ij} 为 整周模糊度, 单位为周; e_{il}^{ij} 为双差载波相位观测噪声.

在利用 UC 模型定位时, 电离层误差无法消除, 因此将电离层误差当作未知参数进行估计, 在式 (1) 的基础上可以进一步得到三频非组合短基线定位 模型^[11,15-16], 表示如下:

$$\begin{split} \langle \nabla \Delta P_{kl,\text{E1}}^{ij} &= \nabla \Delta \rho_{kl}^{ij} - \nabla \Delta I_{kl,\text{E1}}^{ij} + \nabla \Delta T_{kl}^{ij} + e_{kl,\text{E1}}^{ij} \\ \nabla \Delta \Phi_{kl,\text{E1}}^{ij} &= \nabla \Delta \rho_{kl}^{ij} + \lambda_{\text{E1}} N_{kl}^{ij} - \nabla \Delta I_{kl,\text{E1}}^{ij} + \nabla \Delta T_{kl}^{ij} + \varepsilon_{kl,\text{E1}}^{ij} \\ \nabla \Delta P_{kl,\text{E5a}}^{ij} &= \nabla \Delta \rho_{kl}^{ij} - \gamma_{5a} \cdot \nabla \Delta I_{kl,\text{E1}}^{ij} + \nabla \Delta T_{kl}^{ij} + e_{kl,\text{E5a}}^{ij} \\ \nabla \Delta \Phi_{kl,\text{E5a}}^{ij} &= \nabla \Delta \rho_{kl}^{ij} + \lambda_{\text{E5a}} N_{kl}^{ij} - \gamma_{5a} \cdot \nabla \Delta I_{kl,\text{E1}}^{ij} + \\ \nabla \Delta T_{kl}^{ij} + \varepsilon_{kl,\text{E5a}}^{ij} \\ \nabla \Delta P_{kl,\text{E5b}}^{ij} &= \nabla \Delta \rho_{kl}^{ij} - \gamma_{5b} \cdot \nabla \Delta I_{kl,\text{E1}}^{ij} + \text{IFB} + \\ \nabla \Delta T_{kl}^{ij} + e_{kl,\text{E5b}}^{ij} \\ \nabla \Delta \Phi_{kl,\text{E5b}}^{ij} &= \nabla \Delta \rho_{kl}^{ij} + \lambda_{\text{E5b}} N_{kl}^{ij} - \gamma_{5b} \cdot \nabla \Delta I_{kl,\text{E1}}^{ij} + \\ \nabla \Delta T_{kl}^{ij} + \varepsilon_{kl,\text{E5b}}^{ij} \end{split}$$

式中:IFB为频间偏差;γ为不同频率间的电离层因 子;其余符号表示含义与之前相同.

在式(1)、(2)的基础上进一步利用卡尔曼滤波进 行参数估计,利用 LAMBDA 算法进行模糊度固定, 最终解算得到接收机坐标.

2 数据解算分析

为详细评估非组合模型下 Galileo 系统双频 与三频短基线解算性能,试验设计了一条约9km 长的短基线,数据采集时高度截止角设置为12°, 采集时间为2020年3月12日全天,采集间隔为 30 s,接收机类型为TRIMBLE ALLOY,天线类型 为TRM59800.00.

数据解算软件为根据 RTKLIB 编译的开源程序,以 GAMIT 软件解算得到的静态坐标作为参考坐标,对流层改正模型采用 Saastamoinen 模型,其他误差通过对应模型进行改正.在进行数据解算时,首先解算得到 Galileo 系统 E1/E5a、E1/E5b 以及 E5a/E5b 双频组合短基线定位结果,然后解算得到 E1/E5a/E5b 三频组合短基线定位结果,最后根据解算得到的定位结果与参考坐标计算得到定位偏差与定位精度.

如图 1 所示,给出了 Galileo 系统的卫星可用数 与位置精度因子 (PDOP) 值随时间变化情况.由图 1 可知,在整个观测期内,Galileo 系统的卫星可用数为 4~9颗,平均卫星可用数为6颗.Galileo 系统的 PDOP 值除个别历元外,PDOP 值在4 cm 以内,平均 PDOP 值为2.13 cm.如图2所示,给出了Galileo 系统 统双频与三频解算历元率,由图2可知,Galileo 系统 双频与三频短基线历元解算率都在95%以上,三种 双频历元解算率相当,而三频历元解算率较双频有一定 提升.



根据解算得到坐标与参考坐标,计算得到水平方向与高程方向的定位误差,Galileo系统双频与三频水平向与高程向定位误差,如图 3~图 6 所示.

由图 3~图 5 可知, E1/E5a 和 E5a/E5b 组合短基 线定位 E方向定位误差小于 0.4 m, N方向定位误差 小于 0.3 m, U方向定位误差小于 0.6 m, E1/E5b 组合 短基线定位 E方向定位误差小于 0.3 m, N方向定位 误差小于 0.3 m, U方向定位误差小于 0.6 m. 由图 6 可知, Galileo 三频短基线定位误差较双频有所减小, E方向定位误差小于 0.3 m, N方向定位误差小于 0.3 m, U方向定位误差小于 0.4 m.

为进一步直观的表示 Galileo 双频、三频定位精 度以及三频较双频短基线定位精度的提升,统计了不 同频率组合东 (E)、北 (N)、天 (U) 三个方向的定位精



度以及三频较双频短基线定位精度的提升量,如表1 所示。

表 1 Galileo 双频与三频短基线基线解算精度均方根 (RMS)及三频较双频定位精度提升统计

频率组合一	定位精度RMS/cm			三频较双频精度提升/%		
	Е	Ν	U	Е	Ν	U
E1/E5a	3.06	4.79	8.91	65.03	51.15	64.76
E1/E5b	1.58	4.12	4.93	32.28	43.20	36.31
E5a/E5b	3.05	3.54	8.42	64.92	33.90	62.71
E1/E5a/E5b	1.07	2.34	3.14			

由表1可知, E1/E5a和E5a/E5b短基线E方向和 U方向定位精度相当, E方向定位精度优于3.5 cm, U方向定位精度优于9 cm, E1/E5a组合N方向定位 精度优于5 cm, E5a/E5b组合N方向定位精度优于 4 cm, E1/E5b组合定位精度优于E1/E5a和E5a/E5b, E方向定位精度优于2 cm, N方向定位精度优于 4.5 cm, U方向定位精度优于5 cm. E1/E5a/E5b三频 组合短基线定位精度优于任一双频组合, E方向定位 精度优于1.5 cm, N方向定位精度优于2.5 cm, U方 向定位精度优于3.5 cm. 同时发现, 三频组合短基线 定位精度较双频定位精度有明显提升, 提升量在 30%~60%.

3 结束语

本文基于9km短基线实测数据,分析了非组合 模型下 Galileo 双频与三频短基线解算精度,结果表 明,Galileo 卫星可用数和 PDOP 值较优,双频历元解 算率相当,三频历元解算率较双频有明显提升.双频 短基线定位中,E1/E5b 组合定位精度要优于另外两 种双频组合定位精度,但是定位精度都在 cm 级,水 平定位精度优于 5 cm,高程精度优于 10 cm. 三频组 合短基线定位精度较双频组合有明显提升,E 方向定 位精度优于 1.5 cm,N 方向定位精度优于 2.5 cm, U 方向定位精度优于 3.5 cm.

参考文献

 [1] 许海林,周恩泽,童梦想,等.GPS/BDS/Galileo单点定位精 度分析[J/OL]. (2020-12-28) [2021-01-02]. 测绘地理信息. https://kns.cnki.net/kcms/detail/detail.aspx?dbcode=CAPJ&d bname=CAPJLAST&filename=CHXG2020122501A&v=44q gDeFOLpIIWywaiZR6X%25mmd2BgaJ4vX1BogdqArlNaY EKRUxjUKlvxaPysvSL9NgEn6

- [2] 彭劲松. BDS-3新频率与Galileo单频组合伪距单点定位精 度分析[J]. 全球定位系统, 2021, 46(1): 57-61.
- [3] 高永刚,吴观烨,郭金运,等.GPS/GLONASS/BDS/
 Galileo数据质量的对比分析[J].福州大学学报(自然科学版), 2020, 48(6): 706-713.
- [4] 汤门生, 袁伟, 徐儒林. GPS/Galileo/QZSS中长基线解算精 度分析[J]. 经纬天地, 2020(5): 29-32, 40.
- [5] 武曙光, 聂桂根, 彭凤友, 等. 高精度GPS超短基线场数据处 理与分析[J]. 全球定位系统, 2020, 45(2): 7-12.
- [6] 刘天骏. GPS/Galileo非差非组合实时精密单点定位快速收 敛与模糊度固定[D]. 徐州: 中国矿业大学, 2019.
- [7] 刘站科,张庆涛,李毓照,等.一种BDS超短基线解算实验 分析[J]. 测绘科学, 2018, 43(9): 135-139, 152.
- [8] 尹潇,柴洪洲,齐文龙,等. Galileo校正卫星天线参数特性 及对PPP定位的影响[J/OL]. (2020-12-08)[2021-01-01]. 武 汉大学学报(信息科学版). https://kns.cnki.net/kcms/detail/ detail.aspx?dbcode=CAPJ&dbname=CAPJLAST&filename= WHCH20201204003&v=F8VFDZDxdDVdsZGOTG5LxFW Nveu%25mmd2B4FFvyBRhJNWkfhTlvlbBzbX4gs5nI84EQI DV
- [9] 李星星, 黄健德, 袁勇强, 等. Galileo三频非组合精密定轨 模型及精度评估[J]. 测绘学报, 2020, 49(9): 1120-1130.
- [10] 林家乐, 乔书波, 李林阳. Galileo双频/三频精密单点定位性能分析[J]. 测绘科学技术学报, 2019, 36(6): 576-581.
- [11] 陈嘉锋, 张应裕. 一种非组合Galileo三频精密单点定位方 法及精度分析[J]. 北京测绘, 2019, 33(6): 724-728.
- [12] 赵兴旺, 葛玉龙. GPS/Galileo实时精密单点定位精度分析[J]. 大地测量与地球动力学, 2019, 39(8): 816-820.
- [13] 高猛,徐爱功,祝会忠,等.北斗系统短基线解算数据处理 方法[J]. 测绘科学, 2015, 40(4): 28-33.
- [14] 金俭俭,高成发,张瑞成,等.GPS与BDS2、BDS3融合数据 短基线解算精度分析[J].测绘通报,2020(3): 83-86,95.
- [15] 严超, 徐梅, 徐炜, 等. BDS三频与双频模糊度解算性能分 析[J]. 全球定位系统, 2017, 42(4): 60-65.
- [16] 张小红,吴明魁,刘万科. BeiDou B2/Galileo E5b短基线紧
 组合相对定位模型及性能评估[J]. 测绘学报, 2016, 45(增刊
 2): 1-11.

作者简介

徐亚楠 (1988—), 女, 硕士, 讲师, 主要从事精密 测量和建筑施工的教学与科研工作.

Accuracy analysis of Galileo dual-frequency and triple-frequency short baseline solution under the condition of non-combined model

XU Yanan¹, LIU Shun²

Guangzhou Panyu Polytechnic, Guangzhou 511483, China;
 Shaanxi Railway Institute, Weinan 714099, China)

Abstract: Galileo system is one of the commonly used positioning systems at present. This paper uses self-edited software to carry out a dual-frequency and triple-frequency short baseline solution experiment of Galileo system under the condition of non-combined model. Research has found that for a 9 km short baseline, the Galileo dual-frequency short baseline solution under the non-combined model has a horizontal accuracy better than 5 cm, and an elevation accuracy better than 10 cm. The triple-frequency combined solution accuracy is significantly improved compared with that of dual-frequency. The horizontal accuracy is better than 3 cm. The elevation accuracy is better than 4 cm.

Keywords: Galileo; non-combined model; short baseline; dual frequency; triple frequency

(上接第 77 页)

Design and implementation of closed tracking loop of navigation receiver based on SoC

XUE Zhiqin¹, LIU Kun¹, LI Liguang²

(1. Space Star Technology Co. Ltd., Beijing 100086, China;2. The 7th Air Force Military Representative Office in Beijing, Beijing 100086, China)

Abstract: The traditional satellite navigation receiver is based on FPGA+DSP architecture. Under this architecture, the tracking module is in an open-loop processing mode. It has the problems of poor real-time performance and poor reliability. At the same time, a large amount of data communication between FPGA and DSP has led to an increase in IO resources and power consumption. Based on the SoC architecture, a closed-loop tracking loop scheme for satellite navigation receiver is proposed in this paper. The entire tracking process is processed in a closed loop within the FPGA. This effectively solves the problems of open-loop tracking, and greatly reduces the amount of data communication between FPGA and CPU. In addition, all tracking channels share a tracking loop processing module through time division multiplexing, which effectively saves hardware resources and reduces costs. This paper lays a foundation for the design and development of miniaturized, low-power navigation chips.

Keywords: closed loop tracking; SoC architecture; satellite navigation receiver; tracking loop; time division multiplexing